## Rules for Exponents and Logarithms

$$
\log _{\mathrm{b}} \mathrm{x}=\mathrm{n} \quad \leftrightarrow \quad \mathrm{~b}^{\mathrm{n}}=\mathrm{x}
$$

| Exponent Rule | Logarithm Rule |
| :--- | :--- |
| $\mathrm{b}^{0}=1$ | $\log _{\mathrm{b}} \mathrm{b}=0$ |
| $\mathrm{~b}^{1}=\mathrm{b}$ | $\log _{\mathrm{b}} \mathrm{b}=1$ |
| $\mathrm{~b}^{\left(\log _{\mathrm{b}}\right)}=\mathrm{x}$ | $\log _{\mathrm{b}}\left(\mathrm{b}^{\mathrm{x}}\right)=\mathrm{x}$ |
| $\mathrm{b}^{\mathrm{x}} \cdot \mathrm{b}^{\mathrm{y}}=\mathrm{b}^{\mathrm{x}+\mathrm{y}}$ | $\log _{\mathrm{b}}(\mathrm{x} \cdot \mathrm{y})=\log _{\mathrm{b}}(\mathrm{x})+\log _{\mathrm{b}}(\mathrm{y})$ |
| $\mathrm{b}^{\mathrm{x}} / \mathrm{b}^{\mathrm{y}}=\mathrm{b}^{\mathrm{x}-\mathrm{y}}$ | $\log _{\mathrm{b}}(\mathrm{x} / \mathrm{y})=\log _{\mathrm{b}} \mathrm{x}-\log _{\mathrm{b}} \mathrm{y}$ |
| $\left(\mathrm{b}^{\mathrm{x}}\right)^{\mathrm{y}}=\mathrm{b}^{\mathrm{x} \cdot \mathrm{y}}$ | $\log _{\mathrm{b}}(\mathrm{x} \cdot \mathrm{y})=\mathrm{y} \cdot \log _{\mathrm{b}} \mathrm{x}$ |
|  | $\left(\log _{\mathrm{a}} \mathrm{b}\right) \cdot\left(\log _{\mathrm{b}} \mathrm{x}\right)=\log _{\mathrm{a}} \mathrm{x}$ |
|  | $\log _{\mathrm{b}} \mathrm{x}=\log _{\mathrm{a}} \mathrm{x} / \log _{\mathrm{a}} \mathrm{b}$ |
|  | $\log _{\mathrm{b}} \mathrm{a}=1 / \log _{\mathrm{a}} \mathrm{b}$ |
|  |  |

(All rules are for any positive $\mathrm{a}, \mathrm{b}, \mathrm{x}$, and y .)

